

## Matema...ti..ca...ttura 2013

### Triennio –prima tappa-soluzioni

- L'albero della felicità di Villa Sciarra ha un tronco dal quale partono due rami. Da ciascun ramo, poi, partono 2 rami oppure due foglie. Sapendo che ci sono 4024 rami, quante sono le foglie ?

**Soluzione: Il numero delle foglie supera sempre di due il numero dei rami. Basta provare a disegnare alberi con pochi rami (ad esempio 10,12,16...) e controllare**
- In un test a risposta multipla con 20 domande vengono assegnati 3 punti per ogni risposta corretta, 0 punti per ogni risposta non data e viene sottratto un punto per ogni risposta sbagliata. Quanti sono i possibili punteggi che si possono ottenere ?

**Soluzioni: Apparentemente sono ammissibili tutti i punteggi compresi tra -20 e 60, cioè 81. Ma bisogna escludere 59,58 e 55. Infatti  $59=20*3-1$  che non si può verificare.  $58=20*3-2$  che non si può verificare e  $55=19*3-2$  che nemmeno si può verificare.**

**I punteggi possibili sono, quindi  $81-3=78$**
- Francesco, in bicicletta, vuole partire da Pompei, arrivare alla cima-Vesuvio (che è il punto più alto del vulcano che si riesce a raggiungere su strada) e tornare a Pompei, seguendo la stessa strada. Vuole migliorare la media – oraria ottenuta da Gennaro, il suo miglior amico; in particolare, ha fatto una scommessa con lo stesso, dicendo che otterrà una media superiore ai 25 km/ora.

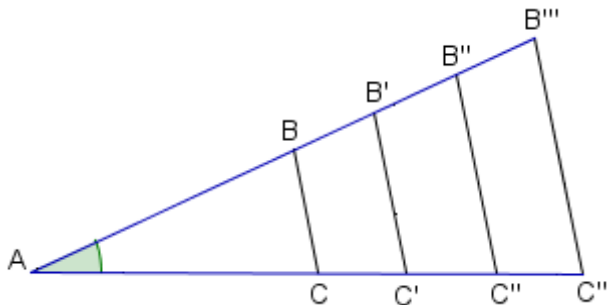
Quale velocità-media dovrà superare nel percorso di ritorno, certamente più facile, sapendo che all'andata ha avuto una media di 16 km/orari, per poter vincere la scommessa con Gennaro ?

**Soluzione: Controllate la soluzione della finale della matema..ti..ca..ttura per scuole medie del 2012. C'è una domanda molto simile ( tutte le squadre sbagliarono o lasciarono senza risposta) .**

**La media complessiva si calcola sulla distanza complessiva e non è corretto fare la media delle medie chilometriche !!!!**

**Per la cronaca la media che dovrà ottenere Francesco è di poco superiore ai 57 km/orari**

**Penso proprio che nel testo della finale ci sarà una domanda simile a questa (con 5 risposte possibili)**
- Supponiamo di voler costruire nel triangolo della seguente figura 100 strisce, in modo tale che sul lato AB la distanza tra i punti  $B^n$  e  $B^{n+1}$  sia sempre la stessa e sul lato AC la distanza tra i punti  $C^n$  e  $C^{n+1}$  sia sempre la stessa, qualunque sia n



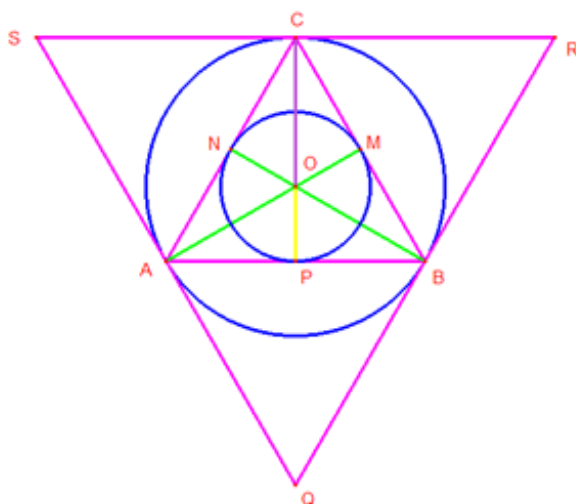
Quanto vale l'area delle 60 strisce più piccole se l'area del triangolo comprendente tutte e 100 le strisce vale  $64m^2$  ?

**Soluzione: Il triangolo ottenuto considerando le 60 strisce più piccole è simile al triangolo con tutte e 100 le strisce, per cui l'area è il 36% di 64 mq**

- Costruire due dadi a 6 facce in modo tale che ogni faccia contenga un numero positivo e che sia equiprobabile (con probabilità  $\frac{1}{36}$ ) l'uscita di un qualsiasi numero pari compreso tra 2 e 72)

**Soluzione: FACCE PRIMO DADO 1,3,5,7,9,11**  
**FACCE SECONDO DADO 1,13,25,37,49,61**

- 6) In un triangolo equilatero si inscrive una circonferenza, ed in essa un triangolo equilatero, ed in essa una circonferenza. Si ripeta l'operazione in modo da ottenere 10 triangoli e 10 circonferenze. Nella figura seguente l'operazione è ripetuta solo due volte.



Sapendo che l'Area del primo triangolo (quello più grande di tutti) vale  $1\text{km}^2$ , quanti  $\text{m}^2$  vale l'area del triangolo più piccolo?

Soluzione: Il triangolo inscritto alla circonferenza, come si può vedere dalla figura, è  $\frac{1}{4}$  del triangolo circoscritto alla stessa circonferenza. Iterando il ragionamento, il triangolo inscritto sarà  $\frac{1}{16}$  del triangolo grande, e così via fino ad arrivare

all'ultimo che sarà  $\frac{1}{4^9}$  volte più piccolo del triangolo più grande

- 7) La sequenza 1,2,4,5,7,8,9,10,11,13,14,16..... contiene tutti i numeri interi positivi tranne il triplo dei numeri presenti nella sequenza stessa, perciò mancheranno 0,3,6,12,15,21,24,27,30,33..... Qual è il 2000 numero della sequenza?

Soluzione: Gli alunni Alin Dorin, vecchia conoscenza della matema..ti..ca..tura, e Davide Lamonarca della 4Ag, hanno preferito dimostrare che l'area del quadrilatero è la stessa del trapezio rettangolo la cui altezza è il lato obliquo più piccolo cioè 1202.5 mq.

In realtà si poteva risolvere anche con un sistema di tre equazioni in tre incognite, dove le tre incognite sono h (altezza) e x e y (le basi dei due triangoli rettangoli ottenuti) con  $x+y=25=105-80$

- 8) Sia data la sequenza 1,12,21,123,132,213,231,312,321,1234.....Quale sarà il termine che si trova in posizione in 5910?

Soluzione: c'è una sequenza di lunghezza 1; poi ci sono 2 sequenze di lunghezza 2,  $2 \cdot 3$  sequenze di lunghezza 3,  $4 \cdot 3 \cdot 2$  di lunghezza 4,  $5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2$  di lunghezza 5 e  $6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2$  sequenze di lunghezza 6.

Quindi l'ultima sequenza di lunghezza 6 è in posizione  $1+2+6+24+120+720+5040=5913$

L'ultima sequenza è 7654321..... E' più facile tornare, quindi, indietro ottenendo perciò 7654213

- 9) I lati di un appezzamento di terra a forma quadrangolare misurano rispettivamente 80m, 105m, 37m e 13 m. I due lati più lunghi sono paralleli. Quanto misura l'area dell'appezzamento di terra?

Soluzione: Gli alunni Alin Dorin, vecchia conoscenza della matema..ti..ca..tura, e Davide Lamonarca della 4Ag, hanno preferito dimostrare che l'area del quadrilatero è la stessa del trapezio rettangolo la cui altezza è il lato obliquo più piccolo cioè 1202.5 mq.

In realtà si poteva risolvere anche con un sistema di tre equazioni in tre incognite, dove le tre incognite sono h (altezza) e x e y (le basi dei due triangoli rettangoli ottenuti) con  $x+y=25=105-80$

- 10) Su quattro dadi sono rappresentate tutte le lettere dell'alfabeto italiano più le lettere K,X e W. Disponendoli opportunamente è possibile costruire le parole ZICO, KENT, MURI, TOPI, PAGO, VASO, FECI, NAVE, EQUA, BELA, SUDI, KHAN, MAXI, OZIA, VETO, LEGA.

Quali sono le sei facce di ciascun dado?

Soluzione:

primo : SHMPEZ

secondo: DRTWCA

terzo : KGQBVI

quarto : XNLFUO